

# یونٹ نمبر 1 دودرجی مساواتیں

سوال نمبر 1- دودرجی مساوات کی تعریف کریں اور ایک مثال بھی دیں۔

جواب- ایسی مساوات جس کا درجہ دو ہو دودرجی مساوات کہلاتی ہے۔  $ax^2 + bx + c = 0$  دودرجی مساوات کی معیاری شکل ہے۔ مثلاً  $2x^2 + 7x + 1 = 0$  دودرجی مساوات ہے۔

سوال نمبر 2- خالص یا پور دودرجی مساوات کی تعریف کریں۔

جواب- دودرجی مساوات  $ax^2 + bx + c = 0$  میں اگر  $b = 0$  ہو تو یہ خالص یا پور دودرجی مساوات کہلاتی ہے۔ مثال کے طور پر  $x^2 - 16 = 0$  پور دودرجی مساوات ہے۔

سوال نمبر 3- دودرجی مساوات کو حل کرنے کے کتنے طریقے ہیں؟ نام لکھیں۔

جواب- دودرجی مساوات کو حل کرنے کے تین طریقے ہیں۔

(3) بذریعہ مکمل مربع

(2) بذریعہ دودرجی فارمولا

(1) بذریعہ تجزی

سوال نمبر 4- دودرجی فارمولا لکھیں۔

جواب- دودرجی فارمولا مندرجہ ذیل ہے۔

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

سوال نمبر 5- دودرجی مساوات کی معیاری شکل لکھیے۔

جواب- دودرجی مساوات کی معیاری شکل مندرجہ ذیل ہے۔

$$ax^2 + bx + c = 0 \text{ جبکہ } a, b, c \text{ حقیقی اعداد ہوں اور } a \neq 0$$

سوال نمبر 6- معکوس مساوات کی تعریف کریں۔

جواب- کوئی مساوات معکوس مساوات کہلاتی ہے اگر یہ تبدیل نہ ہو جب  $x$  کو  $\frac{1}{x}$  میں تبدیل کیا جائے۔

سوال نمبر 7- قوت نمائی مساوات کی تعریف کریں۔

جواب۔ ایسی مساوات جس میں متغیر قوت نماؤں میں ہوتا ہے قوت نمائی مساوات کہلاتی ہے۔ مثلاً  $2^x + 4^x + 1 = 0$  قوت نمائی مساوات ہے۔

سوال نمبر 8۔ جذری مساوات کی تعریف کریں۔

ایسی مساوات جس میں الجبری جملہ جذری علامت کے نیچے ہو جذری مساوات کہلاتی ہے۔ مثلاً  $\sqrt{x+1} - \sqrt{x+2} = 1$  ایک جذری مساوات ہے۔ جذری مساوات کو ریڈیکل مساوات بھی کہتے ہیں۔

یونٹ نمبر 2 دو درجی مساواتوں کا نظریہ

سوال نمبر 1۔ دو درجی مساوات کے فرق کنندہ سے کیا مراد ہے؟

جواب۔ " $b^2 - 4ac$ " دو درجی مساوات  $ax^2 + bx + c = 0$  کا فرق کنندہ کہلاتا ہے۔

سوال نمبر 2۔ دو درجی مساوات کے روٹس کی اقسام بذریعہ فرق کنندہ بیان کریں۔

جواب۔ دو درجی مساوات کے روٹس کی اقسام یوں بیان کی جاسکتی ہیں۔

1. اگر  $b^2 - 4ac > 0$  ہو اور مکمل مربع ہو تو اس کے روٹس ناطق (حقیقی) اور نابرابر ہوتے ہیں۔

2. اگر  $b^2 - 4ac < 0$  ہو اور مکمل مربع نہ ہو تو اس کے روٹس غیر ناطق (حقیقی) اور نابرابر ہوتے ہیں۔

3. اگر  $b^2 - 4ac = 0$  ہو تو اس کے روٹس ناطق (حقیقی) اور برابر ہوتے ہیں۔

4. اگر  $b^2 - 4ac < 0$  ہو تو اس کے روٹس خیالی یا غیر حقیقی ہوتے ہیں۔

سوال نمبر 3۔ ثابت کیجئے کہ اکائی کے تینوں جذر المکعب کا حاصل ضرب ایک ہوتا ہے۔

جواب۔ جیسا کہ ہم جانتے ہیں کہ اکائی کے تین جذر المکعب  $1$ ،  $\frac{-1 + \sqrt{-3}}{2}$  اور  $\frac{-1 - \sqrt{-3}}{2}$  ہیں۔

$$(1) \left( \frac{-1 + \sqrt{-3}}{2} \right) \left( \frac{-1 - \sqrt{-3}}{2} \right) = \text{اکائی کے جذر المکعب کا حاصل ضرب}$$

$$\begin{aligned}
&= \left( \frac{-1 + \sqrt{-3}}{2} \right) \left( \frac{-1 - \sqrt{-3}}{2} \right) \\
&= \left( \frac{(-1) + (\sqrt{-3})}{2} \right) \left( \frac{(-1) - (\sqrt{-3})}{2} \right) \\
&= \frac{(-1)^2 + (\sqrt{-3})^2}{(2)^2} \\
&= \frac{1 - (-3)}{4} \\
&= \frac{1 + 3}{4} \\
&= \frac{4}{4} \\
&= 1
\end{aligned}$$

سوال نمبر 4۔ ثابت کیجئے کہ اکائی کے تمام جذور الملعب کا مجموعہ صفر ہوتا ہے۔

جواب۔ جیسا کہ ہم جانتے ہیں کہ اکائی کے تین جذور الملعب 1،  $w = \frac{-1 + \sqrt{-3}}{2}$  اور  $w^2 = \frac{-1 - \sqrt{-3}}{2}$  ہیں۔

تمام روٹس کا مجموعہ  $1 + w + w^2$

$$\begin{aligned}
&= 1 + \frac{-1 + \sqrt{-3}}{2} + \frac{-1 - \sqrt{-3}}{2} \\
&= \frac{(2 \times 1) + (-1 + \sqrt{-3}) + (-1 - \sqrt{-3})}{2} \\
&= \frac{2 - 1 + \sqrt{-3} - 1 - \sqrt{-3}}{2} \\
&= \frac{2 - 1 + \cancel{\sqrt{-3}} - 1 - \cancel{\sqrt{-3}}}{2} \\
&= \frac{2 - 2}{2} \\
&= \frac{0}{2}
\end{aligned}$$

$0 =$  تمام روٹس کا مجموعہ

سوال نمبر 5۔ دو درجی مساوات کے روٹس کے حاصل ضرب اور مجموعے کے فارمولے لکھیں۔

جواب۔ اگر  $ax^2 + bx + c = 0$  دو درجی مساوات ہو اور  $\alpha$ ،  $\beta$  اس کے روٹس ہوں تو

$$\alpha + \beta = -\frac{b}{a} = \text{روٹس کا مجموعہ}$$

$$\alpha\beta = \frac{c}{a} = \text{روٹس کا حاصل ضرب}$$

سوال نمبر 6- دو درجی مساوات کے روٹس کے سمیٹرک تفاعل کی تعریف کریں۔

جواب- دو درجی مساوات کے روٹس کے سمیٹرک تفاعل ایسے جملوں پر مشتمل ہوتا ہے جن (جملے) میں روٹس کی جگہ تبدیل کرنے سے تفاعل میں فرق نہیں آتا۔

سوال نمبر 7- ہمزا مساواتوں کی تعریف کریں۔

جواب- دو متغیرات پر مشتمل دو مساواتیں جن کا حل سیٹ مشترک ہو وہ ہمزا مساواتیں کہلاتی ہیں۔ تمام مترتب جوڑوں (x, y) کا وہ سیٹ جو ہمزا مساواتوں کو درست ثابت کرے ان کا حل سیٹ کہلاتا ہے۔

سوال نمبر 8- ترکیبی تقسیم کا استعمال بیان کریں۔

جواب- ترکیبی تقسیم کے عمل سے ہم کثیر رتی کو یک درجی کثیر رتی سے تقسیم کر کے حاصل قسمت اور باقی معلوم کر سکتے ہیں۔

### یونٹ نمبر 3 تغیرات

سوال نمبر 1- نسبت کی تعریف کریں۔

جواب- دو ہم قسم مقداروں کے درمیان تعلق نسبت کہلاتا ہے۔ اگر a اور b دو ہم قسم مقداریں ہوں اور b صفر نہ ہو تو a اور b کی نسبت کو a : b یا کسر میں  $\frac{a}{b}$  لکھتے ہیں۔ نسبت کی کوئی اکائی نہیں ہوتی ہے۔

سوال نمبر 2- تناسب کی تعریف کریں۔

جواب- دو نسبتوں کی برابر کے تعلق کو تناسب کہتے ہیں۔ اگر دو نسبتیں a : b اور c : d برابر ہوں تو ان کو a : b = c : d لکھ سکتے ہیں۔

سوال نمبر 3- تغیر راست کی تعریف کریں۔

جواب- اگر دو مقداروں کے درمیان اس طرح کا تعلق ہو کہ ایک مقدار کے بڑھنے (کم ہونے) سے دوسری مقدار اسی نسبت سے بڑھے (کم) ہو تو اسے تغیر راست کہتے ہیں۔

سوال نمبر 4- تغیر معکوس کی تعریف کریں۔

جواب۔ دو مقداروں کے درمیان ایسا تعلق کہ ایک مقدار کے بڑھنے سے دوسری مقدار کم ہو جائے یا ایک مقدار کے کم ہونے سے دوسری مقدار بڑھ جائے تغیر معکوس کہلاتا ہے۔

سوال نمبر 5۔ مشترک تغیر سے کیا مراد ہے؟

جواب۔ ایک یا ایک سے زیادہ متغیرات میں راست اور معکوس تغیروں کے ملنے سے مشترک تغیر بنتا ہے۔

سوال نمبر 6۔ مسئلہ عکس نسبت بیان کریں۔

جواب۔ اگر  $a:b=c:d$  ہو تو مسئلہ عکس کی رُو سے  $b:a=d:c$  ہو گا۔

سوال نمبر 7۔ مسئلہ ابدال نسبت بیان کریں۔

جواب۔ اگر  $a:b=c:d$  ہو تو مسئلہ ابدال کی رُو سے  $a:c=b:d$  ہو گا۔

سوال نمبر 8۔ مسئلہ ترکیب نسبت کیا ہوتا ہے؟

جواب۔ اگر  $a:b=c:d$  ہو تو مسئلہ ترکیب نسبت کی رُو سے  $a+b:b=c+d:d$  اور  $a:a+b=c:c+d$  ہو گا۔

سوال نمبر 9۔ مسئلہ تفصیل نسبت کیا ہو گا؟

جواب۔ اگر  $a:b=c:d$  ہو تو مسئلہ تفصیل نسبت کی رُو سے

i.  $a-b:b=c-d:d$  اور

ii.  $a:a-b=c:c-d$  ہو گا۔

سوال نمبر 10۔ مسئلہ ترکیب و تفصیل نسبت کیا ہوتا ہے؟

جواب۔ اگر  $a:b=c:d$  ہو تو مسئلہ ترکیب و تفصیل نسبت کی رُو سے  $a+b:a-b=c+d:c-d$  ہو گا۔

سوال نمبر 11۔ طرفین اور وسطین میں کیا فرق ہے؟

جواب۔ اگر دو نسبتیں  $a:b$  اور  $c:d$  تناسب میں ہوں تو  $a:b::c:d$ ،  $d$  اور  $a$  طرفین اور  $b$  اور  $c$  وسطین کہلاتے ہیں۔

سوال نمبر 12۔ تیسرا متناسب کیا ہوتا ہے؟

جواب۔ اگر تین مقداروں  $a$ ،  $b$  اور  $c$  میں اس طرح کا تعلق ہو کہ  $a:b::b:c$  تو  $c$  تیسرا متناسب کہلاتا ہے۔

سوال نمبر 13۔ چوتھا متناسب کیا ہوتا ہے؟

جواب۔ اگر مقداروں  $a, b, c$  اور  $d$  میں تعلق اس طرح ہو کہ  $a:b::c:d$  تو چوتھا تناسب کہلاتا ہے۔

سوال نمبر 14۔ وسط فی تناسب کیا ہوتا ہے؟

جواب۔ اگر تین مقداروں  $a, b$  اور  $c$  میں تعلق اس طرح ہو کہ  $a:b::b:c$  تو  $b$  وسط فی تناسب کہلاتا ہے۔

سوال نمبر 15۔ مسلسل تناسب سے کیا مراد ہے؟

جواب۔ اگر تین مقداروں  $a, b$  اور  $c$  میں تعلق اس طرح ہو کہ  $a:b::b:c$  جبکہ  $a$  پہلا تناسب ہو،  $b$  وسط فی تناسب ہو اور  $c$  تیسرا تناسب ہو تو  $a, b$  اور  $c$  مسلسل تناسب میں ہوتے ہیں۔

یونٹ نمبر 4 جزوی کسریں

سوال نمبر 1۔ کسر سے کیا مراد ہے؟

جواب۔ دو اعداد یا دو الجبری جملوں کی نسبت کو کسر کہتے ہیں۔ نسبت کو  $(-)$  سے ظاہر کرتے ہیں۔

سوال نمبر 2۔ ناطق کسر کی تعریف کریں۔

جواب۔  $\frac{N(x)}{D(x)}$  قسم کا جملہ ناطق جملہ کہلاتا ہے۔ جبکہ  $N(x)$  اور  $D(x)$  متغیر  $x$  میں کثیر رقمیاں ہوں اور  $D(x) \neq 0$  ہو۔

سوال نمبر 3۔ واجب کسر سے کیا مراد ہے؟

جواب۔ اگر کسی ناطق کسر  $\frac{N(x)}{D(x)}$  میں  $N(x)$  اور  $D(x)$  متغیر  $x$  میں کثیر رقمیاں ہوں۔ اور کثیر رقمی  $N(x)$  کا درجہ کثیر رقمی  $D(x)$

سے کم ہو جبکہ  $D(x) \neq 0$  ہو تو ایسی کسر واجب کسر کہلاتی ہے۔ مثلاً کے طور پر  $\frac{x-1}{x^2+1}$  واجب کسر ہے۔

سوال نمبر 4۔ غیر واجب کسر سے کیا مراد ہے؟

جواب۔ اگر کسی ناطق کسر  $\frac{N(x)}{D(x)}$  میں  $N(x)$  اور  $D(x)$  متغیر  $x$  میں کثیر رقمیاں ہوں۔ اور کثیر رقمی  $N(x)$  کا درجہ کثیر رقمی  $D(x)$

سے زیادہ ہو جبکہ  $D(x) \neq 0$  ہو تو ایسی کسر کو غیر واجب کسر کہلاتی ہے۔ مثلاً کے طور پر  $\frac{x^2+1}{x-1}$  ایک غیر واجب کسر ہے۔

سوال نمبر 5۔ مماثلت کی تعریف کریں۔

جواب۔ مماثلت ایک ایسی مساوات ہوتی ہے جو مساوات میں موجود متغیر کی ہر قیمت کے لیے درست ہوتی ہے۔  $\frac{2x^2}{2} = x^2$  ایک مماثلت

سوال نمبر 1- سیٹ کی تعریف کریں۔

جواب- واضح اشیاء کا مجموعہ سیٹ کہلاتا ہے اور سیٹ کو  $A$ ،  $B$ ،  $C$  وغیرہ سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

سوال نمبر 2- سیٹوں کے یونین سے کیا مراد ہے؟

جواب- دو سیٹوں  $A$  اور  $B$  کا یونین سیٹ ان تمام ارکان پر مشتمل ہوتا ہے جو  $A$  میں یا  $B$  میں یا دونوں میں ہوں۔ اس کو  $A \cup B$  لکھتے ہیں

$$A \cup B = \{x \mid x \in A \vee x \in B\}$$

اور  $A$  یونین  $B$  پڑھتے ہیں۔

سوال نمبر 3- سیٹوں کے تقاطع سے کیا مراد ہے؟

جواب- دو سیٹوں  $A$  اور  $B$  کا تقاطع سیٹ ایک ایسا سیٹ ہوتا ہے جو  $A$  اور  $B$  کے تمام مشترک ارکان پر مشتمل ہوتا ہے۔ اس کو  $A \cap B$  لکھتے ہیں اور  $A$  تقاطع  $B$  پڑھتے ہیں۔

$$A \cap B = \{x \mid x \in A \wedge x \in B\}$$

سوال نمبر 4- سیٹوں کے فرق سے کیا مراد ہے؟

جواب- اگر  $A$  اور  $B$  دو سیٹ ہوں تو ان کے فرق  $A - B$  یا  $A \setminus B$  کو یوں بیان کرتے ہیں۔

$$A - B = \{x \mid x \in A \wedge x \notin B\}$$

سوال نمبر 5- سیٹ کے کمپلیمنٹ سے کیا مراد ہے؟

جواب-  $U$  کے لحاظ سے سیٹ  $A$  کے کمپلیمنٹ سیٹ  $U$  میں  $U$  کے وہ تمام ارکان ہوتے ہیں جو  $A$  میں نہیں ہوتے۔ اس کو

$$A^c = \{x \mid x \in U \wedge x \notin A\}$$

$A^c = A' = U - A$  سے ظاہر کرتے ہیں۔

سوال نمبر 6- یونین اور تقاطع کی خاصیت مبادلہ لکھئے۔

جواب-

یونین کی خاصیت مبادلہ اگر  $A$  اور  $B$  کوئی دو سیٹ ہوں تو یونین کی خاصیت مبادلہ کے مطابق  $A \cup B = B \cup A$  ہو گا۔

تقاطع کی خاصیت مبادلہ اگر  $A$  اور  $B$  کوئی دو سیٹ ہوں تو یونین کی خاصیت مبادلہ کے مطابق  $A \cap B = B \cap A$  ہو گا۔

سوال نمبر 7- یونین کی خاصیت تلازم بیان کریں۔

جواب- اگر  $A$ ،  $B$  اور  $C$  کوئی سی تین سیٹ ہوں تو یونین کی خاصیت تلازم کے مطابق  $A \cup (B \cup C) = (A \cup B) \cup C$  ہو گا۔

سوال نمبر 8- تقاطع کی خاصیت تلازم بیان کریں۔

جواب۔ اگر  $A, B$  اور  $C$  کوئی سی تین سیٹ ہوں تو تقاطع کی خاصیت تلازم کے مطابق  $A \cap (B \cap C) = (A \cap B) \cap C$  ہوگا۔

سوال نمبر 9- یونین کی تقاطع پر خاصیت تقسیمی کو بیان کریں۔

جواب۔ اگر  $A, B$  اور  $C$  کوئی سی تین سیٹ ہوں تو یونین کی تقاطع پر خاصیت تقسیمی کے مطابق

$$A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C) \text{ ہوگا۔}$$

سوال نمبر 10- تقاطع کی یونین پر خاصیت تقسیمی کو بیان کریں۔

جواب۔ اگر  $A, B$  اور  $C$  کوئی سی تین سیٹ ہوں تو یونین کی تقاطع پر خاصیت تقسیمی کے مطابق

$$A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C) \text{ ہوگا۔}$$

سوال نمبر 11- ڈی مارگن کے قوانین لکھیں۔

جواب۔ اگر  $A$  اور  $B$  دو سیٹ ہوں تو

$$1. \text{ ڈی مارگن کا پہلا قانون } (A \cup B)' = A' \cap B'$$

$$2. \text{ ڈی مارگن کا دوسرا قانون } (A \cap B)' = A' \cup B'$$

سوال نمبر 12- مترتب جوڑا کی تعریف کریں۔

جواب۔ کوئی سے دو اعداد  $x$  اور  $y$  کو  $(x, y)$  کی شکل میں لکھنے کو مترتب جوڑا کہا جاتا ہے جس میں  $x$  پہلا اور  $y$  دوسرا رکن ہے۔

سوال نمبر 13- کار تہی حاصل ضرب سے کیا مراد ہے؟

جواب۔ دو غیر خالی سیٹوں  $A$  اور  $B$  کے کار تہی حاصل ضرب  $A \times B$  میں تمام مترتب جوڑے  $(x, y)$  شامل ہوتے ہیں۔ جبکہ  $x \in A$

اور  $y \in B$  ہو۔

سوال نمبر 14- ثنائی ربط سے کیا مراد ہے؟

جواب۔ اگر  $A$  اور  $B$  کوئی سے دو غیر خالی سیٹ ہوں اور  $R \subseteq A \times B$  تو تختی سیٹ  $R$  سے  $A$  میں ثنائی ربط کہلاتا ہے۔

سوال نمبر 15- ڈومین اور رینج میں کیا فرق ہے؟

جواب۔ ڈومین سیٹ ربط کے ڈومین سیٹ میں ہر مترتب جوڑے کا پہلا رکن شامل ہوتا ہے اور اس کو  $\text{Dom } R$  سے ظاہر کرتے

رینج سیٹ  
رابطہ کے رینج سیٹ میں ہر مرتبہ جوڑے کا دوسرا رکن شامل ہوتا ہے۔ اسے Range R سے ظاہر کرتے ہیں۔

سوال نمبر 16- تفاعل یا مپنگ کی تعریف کریں۔

جواب- فرض کریں کہ A اور B دو غیر خالی سیٹ ہوں تو ربط  $f : A \rightarrow B$  تفاعل کہلاتا ہے اگر

i.  $Dom f = A$

ii. ہم A کے ہر رکن x کے لیے B کے کسی رکن y سے یکتا تعلق جوڑ سکتے ہیں۔

سوال نمبر 17- فنکشن کے ڈومین سیٹ اور کوڈومین سیٹ میں کیا فرق ہے؟

جواب- اگر  $f : A \rightarrow B$  ایک تفاعل ہو تو A تفاعل f کا ڈومین سیٹ اور B تفاعل f کا کوڈومین سیٹ کہلاتے ہیں۔

سوال نمبر 18- ان ٹو تفاعل کی تعریف کریں۔

جواب-  $f : A \rightarrow B$  ان ٹو فنکشن کہلاتا ہے اگر B کا کم از کم ایک رکن، سیٹ A کے کسی بھی رکن کا عکس نہ ہو یعنی  $Range f \subset B$

سوال نمبر 19- ون۔ون تفاعل کی تعریف کریں۔

جواب- ایک فنکشن  $f : A \rightarrow B$  ون۔ون فنکشن کہلاتا ہے اگر A کے تمام ارکان کے واضح عکس B میں ہوں۔

سوال نمبر 20- ان ٹو اور ون۔ون تفاعل یا ان جیکٹیو فنکشن کی تعریف کریں۔

جواب- ایسا تفاعل (فنکشن) جو ون۔ون اور ان ٹو تفاعل بھی ہو اسے ان جیکٹیو فنکشن کہتے ہیں۔

سوال نمبر 21- بائی جیکٹیو تفاعل (فنکشن) یا ون ٹو ون مطابقت سے کیا مراد ہے؟

جواب- ایک تفاعل  $f : A \rightarrow B$  بائی جیکٹیو فنکشن کہلاتا ہے اگر تفاعل f ون۔ون اور آن ٹو ہو۔

## یونٹ نمبر 6 بنیادی شماریات

سوال نمبر 1- تعددی تقسیم کیت عریف کریں۔

جواب- خام مواد کو منظم یک طرفہ جدول کی صورت میں پیش کرنے کو تعددی تقسیم کہتے ہیں۔

سوال نمبر 2- تعددی تقسیم کے مواد کی کتنی اقسام ہیں؟ نام لکھیں۔

جواب- تعددی تقسیم کے مواد کی دو اقسام ہیں۔

1. غیر مسلسل تعددی تقسیم

2. مسلسل متغیر تعددی تقسیم

سوال نمبر 3- زیریں جماعتی حد اور بالائی جماعتی حد میں کیا فرق ہے؟

جواب- ہر جماعت یا گروہ میں دو قیمتیں ہوتی ہیں۔ ایک چھوٹی اور دوسری بڑی۔ اس گروہ کی چھوٹی قیمت کو زیریں جماعتی حد اور بڑی قیمت کو بالائی جماعتی حد کہتے ہیں۔

سوال نمبر 4- حقیقی جماعتی حدود سے کیا مراد ہے؟

جواب- کسی جماعت یا گروہ میں حقیقی چلی جماعتی حد اور حقیقی بالائی جماعتی حد کو حقیقی جماعتی حدود کہا جاتا ہے۔

سوال نمبر 5- جماعتی نشان یا درمیانی نقطہ کی تعریف کریں۔

جواب- کسی جماعت کے درمیانی نقطہ کو جماعتی نشان کہا جاتا ہے۔ یہ ہر کلاس کی زیریں اور بالائی جماعتی حد کو جمع کر کے 2 پر تقسیم کرنے سے حاصل ہوتا ہے۔

سوال نمبر 6- مجموعی تعدد سے کیا مراد ہے؟

جواب- کسی گروپ کی بالائی حد سے کم تمام گروپس کے تعدد کو مجموعی تعدد کہا جاتا ہے۔

سوال نمبر 7- کالمی نقشہ سے کیا مراد ہے؟

جواب- کالمی نقشہ متعلقہ مستطیلوں کا گراف ہوتا ہے جس کو XY محور پر تشکیل دیا جاتا ہے۔

سوال نمبر 8- حسابی اوسط سے کیا مراد ہے؟

جواب- حسابی اوسط وہ قیمت ہے جو تمام مدات کے مجموعہ کو تمام مدات کی تعدد پر تقسیم کرنے سے حاصل ہوتی ہے۔ اس کا فارمولا درج ذیل ہے۔

$$\text{حسابی اوسط} = \bar{X} = \frac{X_1 + X_2 + X_3 + \dots + X_n}{n}$$

سوال نمبر 9- انحراف سے کیا مراد ہے؟

جواب- کسی متغیر مقدار سے مستقل مقدار کے فرق کو انحراف کہا جاتا ہے جیسے  $D_i = x_i - A$

سوال نمبر 10- اقلیدی اوسط کی تعریف کریں۔

جواب۔ کسی متغیر  $x$  کے اقلیدسی اوسط سے مراد  $n$  مدات  $x_1, x_2, \dots, x_n$  کے حاصل ضرب کا  $n^{th}$  مثبت روٹ ہوتا ہے۔ علامتی طور پر ہم اسے یوں لکھیں گے۔

$$G.M = (x_1 x_2 x_3 \dots x_n)^{1/n}$$

سوال نمبر 11۔ ہم آہنگ اوسط سے کیا مراد ہے؟

جواب۔ ہم آہنگ اوسط وہ قیمت ہے جو  $x_1, x_2, \dots, x_n$  مدات کے معکوس کا حسابی اوسط لینے سے حاصل ہوتی ہے۔

سوال نمبر 12۔ عادی سے کیا مراد ہے؟

جواب۔ عادی سے مراد وہ قیمت ہے جو کسی مواد میں سب سے زیادہ بار آئے۔

$$عادی = l + \frac{f_n - f_1}{2f_m - f_1 - f_2} \times h$$

سوال نمبر 13۔ وسطانیہ سے کیا مراد ہے؟

جواب۔ وسطانیہ ایک پیمانہ ہے جو کسی مواد کی درمیانی مد کا تعین کرتا ہے۔

$$وسطانیہ = l + \frac{h}{f} \left\{ \frac{n}{2} - c \right\}$$

سوال نمبر 14۔ انتشار سے کیا مراد ہے؟

جواب۔ انتشار سے مراد کسی مواد میں موجود مدات کا پھیلاؤ ہے۔

سوال نمبر 15۔ سعت سے کیا مراد ہے؟

جواب۔ سب سے بڑی مد اور سب سے چھوٹی مد کے فرق کو سعت کہتے ہیں۔ اس کا کلیہ یہ ہے۔

$$سعت = X_{\max} - X_{\min}$$

سوال نمبر 16۔ تغیریت سے کیا مراد ہے؟

جواب۔ تغیریت وہ قیمت ہے جو کسی مواد میں انحرافات کے مربعوں کو جو کہ حسابی اوسط سے لیے گئے ہوں ان کے مجموعہ کو ان کی مدات

$x_i$  ( $i = 1, 2, \dots, n$ ) کی تعداد سے تقسیم کرنے سے حاصل ہوتی ہے۔ اسے علامتی طور پر  $S^2$  سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

$$X = S^2 = \frac{\sum (X - \bar{X})^2}{n}$$

سوال نمبر 17- معیاری انحراف سے کیا مراد ہے؟

جواب- معیاری انحراف اس قیمت کا جذر ہے جو کسی مواد میں انحرافات کے مربعوں کو جو کہ حسابی اوسط سے لیے گئے ہوں ان کے مجموعہ کو ان کی مدت کی تعداد سے تقسیم کرنے سے حاصل ہو۔ اسے علامتی طور پر S.D سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

$$X = S.D(x) = \sqrt{\frac{\sum (X - \bar{X})^2}{n}}$$

سوال نمبر 18- حرکتی اوسط کی تعریف کریں۔

جواب- حرکتی اوسط کی تعریف یوں کی جاسکتی ہے کہ مسلسل اوسط جو کہ ایک ہی وقت میں یا مہینوں یا سالوں کے تسلسل کے لیے معلوم کی جاتی ہے۔

سوال نمبر 19- وزنی حسابی اوسط کیا ہوتا ہے؟ اس کا فارمولا لکھیں۔

جواب- کسی نمبر کی نسبتاً اہمیت اس کا وزن کہلاتی ہے۔ جب نمبرز  $x_1, x_2, \dots, x_n$  برابر اہمیت کے حامل نہ ہوں تو انہیں مختلف اوزان  $w_1, w_2, \dots, w_n$  کے ذریعے ان کی اہمیت کے مطابق ملا دیتے ہیں۔

$$\bar{X}_w = \frac{w_1x_1 + w_2x_2 + \dots + w_nx_n}{w_1 + w_2 + \dots + w_n} = \frac{\sum wx}{\sum w}$$

سوال نمبر 20- حسابی اوسط کی دو خصوصیات لکھیں۔

جواب- حسابی اوسط کی خصوصیات مندرجہ ذیل ہیں۔

1. مرکز کی تبدیلی حسابی اوسط پر اثر انداز ہوتی ہے۔
2. سکیل کی تبدیلی بھی حسابی اوسط پر اثر انداز ہوتی ہے۔
3. متغیر  $x$  کا اُس کے حسابی اوسط سے انحراف کا مجموعہ ہمیشہ صفر ہوتا ہے۔